



**KEMENTERIAN PENDIDIKAN TINGGI**  
**JABATAN PENDIDIKAN POLITEKNIK DAN KOLEJ KOMUNITI**

**BAHAGIAN PEPERIKSAAN DAN PENILAIAN**  
**JABATAN PENDIDIKAN POLITEKNIK DAN KOLEJ KOMUNITI**  
**KEMENTERIAN PENDIDIKAN TINGGI**

**JABATAN KEJURUTERAAN ELEKTRIK**

**PEPERIKSAAN AKHIR**

**SESI II : 2023/2024**

**DEE40113 : SIGNAL AND SYSTEM**

**TARIKH : 08 JUN 2024**

**MASA : 8.30 PAGI - 10.30 PAGI (2 JAM)**

Kertas ini mengandungi **TUJUH (7)** halaman bercetak.  
Bahagian A: Struktur (3 soalan)  
Bahagian B: Esei (2 soalan)

Dokumen sokongan yang disertakan : Formula

**JANGAN BUKA KERTAS SOALAN INI SEHINGGA DIARAHKAN**

(CLO yang tertera hanya sebagai rujukan)

PERPUSTAKAAN POLITEKNIK MUKAH SARAWAK (NASKAH PERCUMA)	
No. Perolehan	6P00004481
No. Pengkelasan	621-3076 JKE Sesi II 23/24
Tarikh	14.10.2024



**SECTION A: 60 MARKS****BAHAGIAN A: 60 MARKAH****INSTRUCTION:**

This section consists of **THREE (3)** subjective questions. Answer **ALL** questions.

**ARAHAN:**

*Bahagian ini mengandungi TIGA (3) soalan subjektif. Jawab semua soalan.*

**QUESTION 1****SOALAN 1**

CLO1

- a) An input and output signal of a given Linear Time-Invariant system is represented by the function,  $y(t) = \sin x(t)$ . Discuss the process of identifying the classification of this system in terms of time-invariant, causal, linearity and memory aspect.

*Isyarat input dan output bagi sistem Linear Time-Invariant yang diberikan diwakili oleh fungsi,  $y(t) = \sin x(t)$ . Bincangkan proses untuk mengenal pasti klasifikasi sistem ini dari segi masa-invarian, sebab, lineariti dan aspek ingatan.*

[4 marks]

[4 markah]

- b) Given the following system:

$$y(t) = 8x(t) + 7x(t - 5)$$

CLO1

Ascertain the classification of the system as in a state of either memory or memoryless and in a time invariant or time variant manner.

*Diberi sistem berikut:*

$$y(t) = 8x(t) + 7x(t - 5)$$

*Tentukan klasifikasi sistem seperti dalam keadaan sama ada ingatan atau tanpa ingatan dan dalam cara invarian masa atau varian masa.*

[8 marks]

[8 markah]

c) Suppose  $x(t)$  is a triangular signal as shown in Figure A1(c):

Katakan  $x(t)$  ialah isyarat segi tiga seperti yang ditunjukkan di dalam Rajah A1(c):

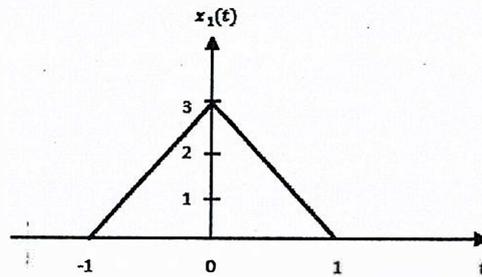


Figure A1(c) / Rajah A1(c)

Draw the given function below:

Lukis fungsi yang diberikan di bawah:

- (i)  $x(3t)$
- (ii)  $x(3t + 2)$
- (iii)  $x(-2t - 1)$
- (iv)  $x(2(t + 2))$

[8 marks]

[8 markah]

## QUESTION 2

### SOALAN 2

a) Convolution of two continuous time signals  $x(t)$  and  $h(t)$  is defined as:

$$y(t) = x(t) * h(t) = \int_{-\infty}^{\infty} x(\tau)h(t - \tau)d\tau$$

Derive FIVE (5) procedures to perform Convolution Integral to this function effectively.

Konvolusi dua isyarat masa berterusan  $x(t)$  dan  $h(t)$  ditakrifkan sebagai:

$$y(t) = x(t) * h(t) = \int_{-\infty}^{\infty} x(\tau)h(t - \tau)d\tau$$

Terbitkan LIMA (5) prosedur untuk melaksanakan Convolution Integral kepada fungsi ini dengan berkesan.

[4 marks]

[4 markah]

CLO1

b) A discrete-time signal  $x[n]$  is shown in Figure A2(b).

Isyarat masa diskret  $x[n]$  ditunjukkan dalam Rajah A2(b).

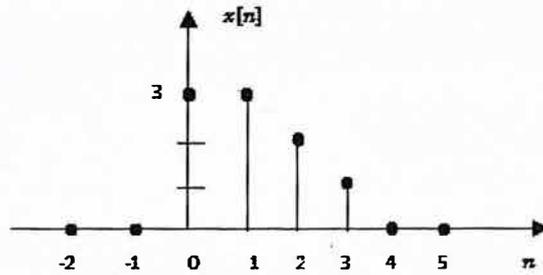


Figure A2(b) / Rajah A2(b)

Sketch and label each of the following signals according to the function given below:

Lakarkan dan labelkan setiap isyarat berikut mengikut fungsi yang diberikan di bawah:

(i)  $x[n + 2]$

(ii)  $x[2n]$

(iii)  $x[-n-1]$

[8 marks]

[8 markah]

CLO1

c) Plot the output function of  $y[k] = f[k] * g[k]$  using graphical and convolution sum

where the  $f[k]$  and  $g[k]$  are given as such:

Plotkan fungsi keluaran  $y[k] = f[k] * g[k]$  menggunakan jumlah grafik dan lilitan di mana  $f[k]$  dan  $g[k]$  diberikan seperti itu:

$$f[k] = -2\delta[k + 1] + \delta[k] + 4\delta[k - 1] + 4\delta[k - 2] + 2\delta[k - 3]$$

$$g[k] = 2\delta[k] + 2\delta[k - 1] + 2\delta[k - 2]$$

[8 marks]

[8 markah]

## QUESTION 3

## SOALAN 3

CLO1

- a) Relate and consider the signal below:

$$x(t) = -e^{-at}u(t) \quad a \text{ real}$$

and its Laplace transform  $X(s)$  for the above equation is:

$$X(s) = \frac{1}{s+a} \quad \text{Re}(s) < -a$$

Picture the region of convergence (ROC) equation above in a complex plane (S-plane).

Hubung dan pertimbangkan isyarat di bawah:

$$x(t) = -e^{-at}u(t) \quad a \text{ real}$$

dan Jelmaan Laplace  $X(s)$  bagi persamaan di atas adalah:

$$X(s) = \frac{1}{s+a} \quad \text{Re}(s) < -a$$

Gambarkan kawasan penempuan (ROC) bagi persamaan di atas di dalam planar kompleks (S-plane).

[4 marks]

[4 markah]

CLO1

- b) Execute a given LTI signal,
- $x(t) = e^{-2t} + e^{-3t}u(t)$
- to implement the Laplace transform
- $X(s)$
- .

Laksanakan isyarat LTI yang di berikan,  $x(t) = e^{-2t} + e^{-3t}u(t)$  bagi melaksanakan Jelmaan Laplace  $X(s)$ .

[8 marks]

[8 markah]

CLO1

- c) Compute the Inverse Laplace Transform
- $X(s) = \frac{2s+4}{s^2+4s+3}$

Kirakan Jelmaan Laplace Songsang bagi  $X(s) = \frac{2s+4}{s^2+4s+3}$

[8 marks]

[8 markah]

**SECTION B: 40 MARKS****BAHAGIAN B: 40 MARKAH****INSTRUCTION:**

This section consists of **TWO (2)** essay questions. Answer **ALL** questions.

**ARAHAN:**

*Bahagian ini mengandungi DUA (2) soalan esei. Jawab semua soalan.*

**QUESTION 1****SOALAN 1**

CLO1

Correlate a given signal of Linear Time Invariant (LTI) signal with function  $x(t) = e^{-2t} + e^{-3t}u(t)$  to implement the Laplace transform  $X(s)$ . Figure out whether or not  $X(s)$  is represented as shown below.

$$X(s) = \frac{2s + 4}{s^2 + 4s + 3}$$

Then find the Inverse Laplace Transform of the above  $X(s)$ .

*Hubungkait isyarat yang diberikan bagi isyarat Linear Time Invariant (LTI) dengan fungsi  $x(t) = e^{-2t} + e^{-3t}u(t)$  untuk melaksanakan transformasi Laplace  $X(s)$ . Tentukan sama ada atau tidak  $X(s)$  diwakili seperti yang ditunjukkan di bawah.*

$$X(s) = \frac{2s + 4}{s^2 + 4s + 3}$$

*Kemudian cari Transformasi Laplace Songsang bagi  $X(s)$  di atas.*

[20 marks]

[20 markah]

## QUESTION 2

## SOALAN 2

CLO1

Justify the Fourier Transform  $X(j\omega)$  of a working Linear Time Invariant (LTI) signal of any given function of  $x(t)$ . Subsequently conclude the Fourier Series when it is known that  $f(x)$  is assumed to be as depicted in the function shown below:

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\pi < x < 0, \\ 1 & 0 < x < \pi \end{cases}$$

Correspondingly summarize the Discrete Fourier Series for each of the following sequences in:

$$\mathbf{x[n]} = \cos \frac{\pi}{4} n$$

*Wajarkan Transformasi Fourier  $X(j\omega)$  bagi isyarat Invarian Masa Linear (LTI) yang berfungsi bagi mana-mana fungsi tertentu bagi  $x(t)$ . Kemudian buat kesimpulan Siri Fourier apabila diketahui bahawa  $f(x)$  diandaikan seperti yang digambarkan dalam fungsi yang ditunjukkan di bawah:*

$$f(x) = \begin{cases} 0 & -\pi < x < 0, \\ 1 & 0 < x < \pi \end{cases}$$

*Sejajar dengan itu, rumuskan Siri Fourier Diskret untuk setiap urutan berikut dalam:*

$$\mathbf{x[n]} = \cos \frac{\pi}{4} n$$

[20 marks]

[20 markah]

SOALAN TAMAT

## Laplace Transform Pairs

$x(t)$	$X(s)$	ROC
$\delta(t)$	1	All $s$
$u(t)$	$\frac{1}{s}$	$\text{Re}(s) > 0$
$-u(-t)$	$\frac{1}{s}$	$\text{Re}(s) < 0$
$tu(t)$	$\frac{1}{s^2}$	$\text{Re}(s) > 0$
$t^k u(t)$	$\frac{k!}{s^{k+1}}$	$\text{Re}(s) > 0$
$e^{-at} u(t)$	$\frac{1}{s+a}$	$\text{Re}(s) > -\text{Re}(a)$
$-e^{-at} u(-t)$	$\frac{1}{s+a}$	$\text{Re}(s) < -\text{Re}(a)$
$te^{-at} u(t)$	$\frac{1}{(s+a)^2}$	$\text{Re}(s) > -\text{Re}(a)$
$-te^{-at} u(-t)$	$\frac{1}{(s+a)^2}$	$\text{Re}(s) < -\text{Re}(a)$
$\cos \omega_0 t u(t)$	$\frac{s}{s^2 + \omega_0^2}$	$\text{Re}(s) > 0$
$\sin \omega_0 t u(t)$	$\frac{\omega_0}{s^2 + \omega_0^2}$	$\text{Re}(s) > 0$
$e^{-at} \cos \omega_0 t u(t)$	$\frac{s+a}{(s+a)^2 + \omega_0^2}$	$\text{Re}(s) > -\text{Re}(a)$
$e^{-at} \sin \omega_0 t u(t)$	$\frac{\omega_0}{(s+a)^2 + \omega_0^2}$	$\text{Re}(s) > -\text{Re}(a)$

## Z-Transform Pairs

$x[n]$	$X(z)$	ROC
$\delta[n]$	1	All $z$
$u[n]$	$\frac{1}{1-z^{-1}}, \frac{z}{z-1}$	$ z  > 1$
$-u[-n-1]$	$\frac{1}{1-z^{-1}}, \frac{z}{z-1}$	$ z  < 1$
$\delta[n-m]$	$z^{-m}$	All $z$ except 0 if ( $m > 0$ ) or $\infty$ if ( $m < 0$ )
$a^n u[n]$	$\frac{1}{1-az^{-1}}, \frac{z}{z-a}$	$ z  >  a $
$-a^n u[-n-1]$	$\frac{1}{1-az^{-1}}, \frac{z}{z-a}$	$ z  <  a $
$na^n u[n]$	$\frac{az^{-1}}{(1-az^{-1})^2}, \frac{az}{(z-a)^2}$	$ z  >  a $
$-na^n u[-n-1]$	$\frac{az^{-1}}{(1-az^{-1})^2}, \frac{az}{(z-a)^2}$	$ z  <  a $
$(n+1)a^n u[n]$	$\frac{1}{(1-az^{-1})^2}, \left[\frac{z}{z-a}\right]^2$	$ z  >  a $
$(\cos \Omega_0 n)u[n]$	$\frac{z^2 - (\cos \Omega_0)z}{z^2 - (2 \cos \Omega_0)z + 1}$	$ z  > 1$
$(\sin \Omega_0 n)u[n]$	$\frac{(\sin \Omega_0)z}{z^2 - (2 \cos \Omega_0)z + 1}$	$ z  > 1$
$(r^n \cos \Omega_0 n)u[n]$	$\frac{z^2 - (r \cos \Omega_0)z}{z^2 - (2r \cos \Omega_0)z + r^2}$	$ z  > r$
$(r^n \sin \Omega_0 n)u[n]$	$\frac{(r \sin \Omega_0)z}{z^2 - (2r \cos \Omega_0)z + r^2}$	$ z  > r$
$\begin{cases} a^n & 0 \leq n \leq N-1 \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$	$\frac{1 - a^N z^{-N}}{1 - az^{-1}}$	$ z  > 0$

## Fourier Transform Pair

Name	$f(t)$	$F(\omega)$
1. Dirac delta	$\delta(t)$	1
2. Time sample	$\delta(t - t_0)$	$e^{-j\omega t_0}$
3. Phase shift	$e^{j\omega t}$	$2\pi\delta(\omega - \omega_0)$
4. Signum	$\text{sgn } t$	$\frac{2}{j\omega}$
5. Unit step	$u_0(t)$	$\frac{1}{j\omega} + \pi\delta(\omega)$
6. Cosine	$\cos \omega_0 t$	$\pi[\delta(\omega - \omega_0) + \delta(\omega + \omega_0)]$
7. Sine	$\sin \omega_0 t$	$-j\pi[\delta(\omega - \omega_0) - \delta(\omega + \omega_0)]$
8. Single pole	$e^{-at}u_0(t)$	$\frac{1}{j\omega + a}$
9. Double pole	$te^{-at}u_0(t)$	$\frac{1}{(j\omega + a)^2}$
10. Complex pole (cosine component)	$e^{-at} \cos \omega_0 t u_0(t)$	$\frac{j\omega + a}{(j\omega + a)^2 + \omega_0^2}$
11. Complex pole (sine component)	$e^{-at} \sin \omega_0 t u_0(t)$	$\frac{\omega_0}{(j\omega + a)^2 + \omega_0^2}$

